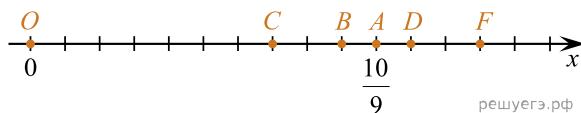


## Централизованное тестирование по математике, 2015

При выполнении заданий с кратким ответом впишите в поле для ответа цифру, которая соответствует номеру правильного ответа, или число, слово, последовательность букв (слов) или цифр. Ответ следует записывать без пробелов и каких-либо дополнительных символов. Дробную часть отделяйте от целой десятичной запятой. Единицы измерений писать не нужно.

Если вариант задан учителем, вы можете вписать или загрузить в систему ответы к заданиям с развернутым ответом. Учитель увидит результаты выполнения заданий с кратким ответом и сможет оценить загруженные ответы к заданиям с развернутым ответом. Выставленные учителем баллы отобразятся в вашей статистике.

- 1.** На координатной прямой отмечены точки  $O, A, B, C, D, F$ .



решуегэ.рф

Если координата точки  $A$  равна  $\frac{10}{9}$ , то числу 1 на координатной прямой соответствует точка:

- 1)  $O$     2)  $B$     3)  $C$     4)  $D$     5)  $F$

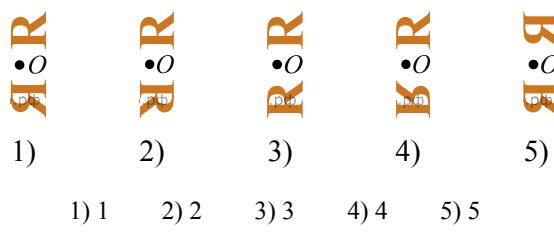
- 2.** Запишите  $(2^x)^y$  в виде степени с основанием 2.

- 1)  $2^{xy}$     2)  $2^{2x+2y}$     3)  $2^{2xy}$     4)  $2^{\frac{x}{y}}$     5)  $2^{x+y}$

- 3.** Арифметическая прогрессия  $(a_n)$  задана формулой  $n$ -го члена  $a_n = 2n + 5$ . Найдите разность этой прогрессии.

- 1) 7    2) -2    3) 2    4) -3    5) 3

- 4.** Укажите номер рисунка, на котором изображены фигуры, симметричные относительно точки  $O$ .



- 1) 1    2) 2    3) 3    4) 4    5) 5

- 1) 1    2) 2    3) 3    4) 4    5) 5

- 5.** Вычислите  $\frac{2148 \cdot 0,01 - 5}{0,34 + 1,26}$ .

- 1) 1,03    2) 13    3) 103    4) 10,3    5) 1,3

- 6.** Укажите номер рисунка, на котором показано множество решений системы неравенств
- $$\begin{cases} x \leqslant -1,2, \\ 1 - 2x < 7. \end{cases}$$

1)  $\dots$  $\dots$   $-3$   $\dots$  $\dots$  $-3$   $\dots$ 1)  $\dots$  $-3$   $\dots$  $\dots$  $-1,2$   $\dots$ 

- 1) 1    2) 2    3) 3    4) 4    5) 5

7. Точки  $A, B, C$  разделили окружность так, что градусные меры дуг  $AB, BC, CA$  в указанном порядке находятся в отношении  $6 : 7 : 5$ . Найдите градусную меру угла  $ABC$ .

- 1)  $100^\circ$     2)  $60^\circ$     3)  $70^\circ$     4)  $50^\circ$     5)  $120^\circ$

8. Даны числа:  $0,0038; 0,38 \cdot 10^8; 38 \cdot 10^{-5}; 3800; 3,8 \cdot 10^2$ . Укажите число, записанное в стандартном виде.

- 1)  $0,0038$     2)  $0,38 \cdot 10^8$     3)  $38 \cdot 10^{-5}$     4)  $3800$     5)  $3,8 \cdot 10^2$

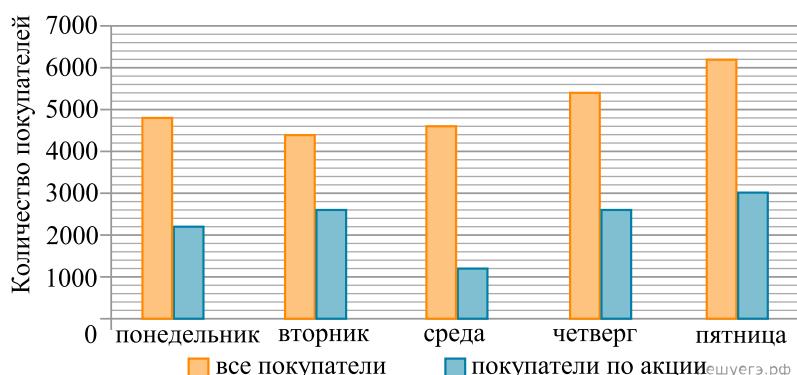
9. Результат упрощения выражения  $\frac{a^2 + 5a}{a+2} + \frac{6a}{a^2 + 2a}$  имеет вид:

- 1)  $a - 3$     2)  $\frac{(a-3)(a-2)}{a+2}$     3)  $a + 3$     4)  $\frac{a^2 + 11a}{a^2 + 3a + 2}$     5)  $\frac{a^2 + 7a + 22}{2(a+2)}$

10. Значение выражения  $\sqrt[4]{1\frac{1}{81}} : \sqrt[4]{82}$  равно:

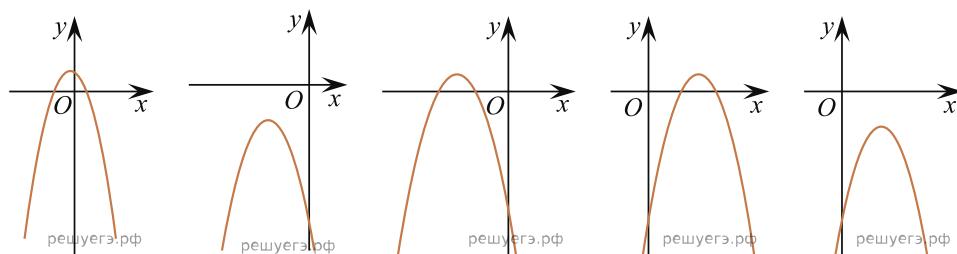
- 1)  $\frac{4}{3\sqrt[4]{82}}$     2) 3    3)  $\frac{1}{82}$     4)  $\frac{3}{4\sqrt[4]{82}}$     5)  $\frac{1}{3}$

11. На диаграмме показано количество покупателей в период проведения акции в магазине. В какой день количество покупателей товара по акции составило менее 30% от количества всех покупателей в этот день?



- 1) понедельник    2) вторник    3) среда    4) четверг    5) пятница

12. Укажите номер рисунка, на котором представлен эскиз графика функции  $y = 1 - (x - 2)^2$ .



- 1) 1    2) 2    3) 3    4) 4    5) 5

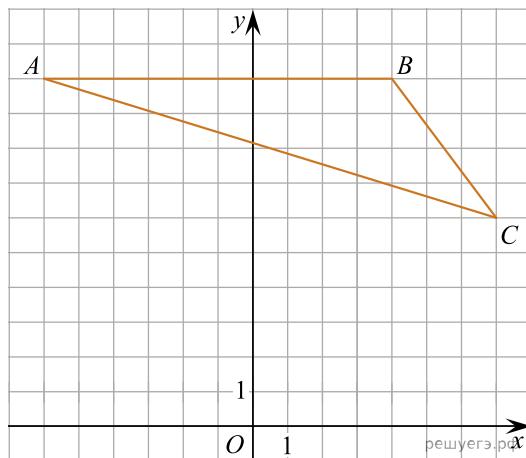
13. Уравнение  $\frac{3x-2}{4} + 1 = x - \frac{8-x}{4}$  равносильно уравнению:

- 1)  $5^x = 1$     2)  $5^x = 5$     3)  $2^x = 32$     4)  $3^x = 9$     5)  $2^x = 16$

14. Собственная скорость катера в 10 раз больше скорости течения реки. Расстояние по реке от пункта  $A$  до пункта  $B$  плот проплыл за время  $t_1$ , а катер — за время  $t_2$ . Тогда верна формула:

1)  $t_1 = 12t_2$     2)  $t_1 = 11t_2$     3)  $t_1 = 10t_2$     4)  $t_1 = 10,5t_2$     5)  $t_1 = 11,5t_2$

15. На координатной плоскости изображен тупоугольный треугольник  $ABC$  с вершинами в узлах сетки (см. рис.). Косинус угла  $ABC$  этого треугольника равен:



1)  $-\frac{3}{5}$     2)  $-\frac{4}{5}$     3)  $\frac{3}{4}$     4)  $\frac{4}{5}$     5)  $\frac{3}{5}$

16. Из полного бокала, имеющего форму конуса высотой 15, отлили треть (по объему) жидкости.

Вычислите  $\frac{1}{2}h^3$ , где  $h$  — высота оставшейся жидкости.

1) 125    2) 375    3) 750    4) 1500    5) 1125

17. График функции, заданной формулой  $y = kx + b$ , симметричен относительно оси  $Oy$  и проходит через точку  $A\left(\frac{1}{2}; 2\right)$ . Значение выражения  $k + b$  равно:

1) 4    2) 1    3)  $-1\frac{1}{2}$     4)  $2\frac{1}{2}$     5) 2

18. Высоты остроугольного равнобедренного треугольника  $ABC$  ( $AB = BC$ ) пересекаются в точке  $O$ . Если высота  $AD = 8$  и  $AO = 5$ , то длина стороны  $AC$  равна:

1)  $4\sqrt{5}$     2)  $\sqrt{89}$     3)  $4\sqrt{10}$     4) 10    5)  $2\sqrt{5}$

19. Витя купил в магазине некоторое количество тетрадей, заплатив за них 45 тысяч рублей. Затем он обнаружил, что в другом магазине тетрадь стоит на 2 тысячи рублей меньше, поэтому, заплатив такую же сумму, он мог бы купить на 6 тетрадей больше. Сколько тетрадей купил Витя?

20. Найдите наибольшее целое решение неравенства  $9^{x+11} \cdot 10^{-x-10} > 7,29$ .

21. Найдите модуль разности наибольшего и наименьшего корней уравнения  $(2x^2 + 3x - 11)^2 = (5x + 1)^2$ .

22. Пусть  $(x_1; y_1), (x_2; y_2)$  — решения системы уравнений  $\begin{cases} x^2 + 2x = 12 + 3y, \\ 2x - 3y = 3. \end{cases}$

Найдите значение выражения  $x_1y_2 + x_2y_1$ .

23. Найдите сумму корней (корень, если он единственный) уравнения  $\sqrt{x^2 - x} + \sqrt{4 - x} = \sqrt{x + 15} + \sqrt{4 - x}$ .

24. Найдите сумму целых решений неравенства  $\frac{(x^2 + 5x + 4)(x - 3)^2}{1 - x^2} \geqslant 0$ .

**25.** Каждое боковое ребро четырехугольной пирамиды образует с ее высотой, равной  $6\sqrt{2}$ , угол  $30^\circ$ . Основанием пирамиды является прямоугольник с углом  $30^\circ$  между диагоналями. Найдите объем пирамиды  $V$ , в ответ запишите значение выражения  $\sqrt{2} \cdot V$ .

**26.** Найдите (в градусах) наибольший отрицательный корень уравнения  $\sin^2\left(3x - \frac{\pi}{6}\right) = 1$ .

**27.** Найдите количество корней уравнения  $\sin x = \frac{x}{10\pi}$ .

**28.** В прямоугольнике  $ABCD$  выбраны точки  $L$  на стороне  $BC$  и  $M$  на стороне  $AD$  так, что  $ALCM$  — ромб. Найдите площадь этого ромба, если  $AB = 10$ ,  $BC = 20$ .

**29.** Пусть  $A = (\log_2 5 + \log_5 2 - 2)^{0,5} \cdot (\log_{2,5} 5 \cdot \log_2^{0,5} 5 - \log_2^{1,5} 5) + 4 \log_4^2 5$ .

Найдите значение выражения  $2^A$ .

**30.** Найдите сумму всех трехзначных чисел, которые при делении на 4 и на 6 дают в остатке 1, а при делении на 9 дают в остатке 7.